

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Μηχανικών Υπολογιστών

Εργαστήριο 3 – Ανταλλαγή κλειδίων κατά Diffie - Hellman

Προετοιμασία

1. Αποσυμπιέστε το zip αρχείο *diffie-hellman.zip*
2. Σε περιβάλλον cygwin ή κάποιο ισοδύναμο bash shell, τρέξτε το *bc* [και όνομα *script* του *bc*, όπως φαίνεται παρακάτω]

Εξερεύνηση της modular εκθετοποίησης

1. Υπολογίστε τις ακόλουθες ποσότητες:

$$12^{100} \bmod 17 =$$

$$12^{1001} \bmod 17 =$$

$$12^{10012} \bmod 17 =$$

$$12^{100120} \bmod 17 =$$

$$12^{1001201} \bmod 17 =$$

Σημ. Στο περιβάλλον *bc* η εκθετοποίηση $x^a \bmod b$ γράφεται ως $x^a \% b$

Παρατηρείστε ότι ο χρόνος υπολογισμού στις παραπάνω πράξεις αυξάνεται εκθετικά!

2. i. Υπολογίστε τις παραπάνω ποσότητες με τη χρήση της *mpower()*
- ii. Υπολογίστε με τη χρήση της *mpower()* τις ακόλουθες ποσότητες:

$$89^{12345678987654321} \bmod 3112 =$$

$$89^{123456789876543219999} \bmod 3112 =$$

Σημ.ι Η *mpower()* εμπεριέχεται στο *discrete_log.bc*, η οποία φορτώνεται στο περιβάλλον της *bc* ως εξής:

```
bc discrete_log.bc
```

Σημ.ii Η σύνταξη της *mpower()* είναι η εξής:

```
mpower (base,exponent,modulus)
```

Η πρόκληση του διακριτού λογάριθμου

Για μικρές τιμές, η λύση στο πρόβλημα του διακριτού λογάριθμου είναι υπολογιστικά εφικτή.

Άσκηση - πρόκληση: Βρείτε το x , τέτοιο ώστε $12^x = 6 \bmod 17$

Πρωτόκολλο των Diffie και Hellman

1. Με τον διπλανό σας εκτελέστε το πρωτόκολλο ανταλλαγής DH, με τα ακόλουθα στοιχεία:
 - $g=3$, και modulus = 2147484659
 - χρησιμοποιείτε αρχικά μόνον την `mpower()`
 - επαληθεύστε τα αποτελέσματα με τα `alice.bc` και `bob.bc`
2. Εκτελέστε το `ene.bc` για να ανακτήσετε τα μυστικά